2010

Математика и механика

№ 2(10)

УДК 532.5.013.2+66.011

И.М. Васенин, А.Ю. Крайнов, А.А Шахтин, Р.Л. Мазур, П.В. Зернаев, М.В. Чуканов

МАТЕМАТИЧЕСКАЯ МОДЕЛЬ И РЕЗУЛЬТАТЫ ЧИСЛЕННЫХ РАСЧЕТОВ ПЕРЕЛИВА UF₆ В ПРИСУТСТВИИ МИКРОКОЛИЧЕСТВ ЛЕГКИХ ПРИМЕСЕЙ

Представлены математическая модель и результаты расчетов распределения легких примесей в объеме жидкого UF₆ при его переливе. Математическая модель основана на уравнениях Навье – Стокса для вязкой несжимаемой жидкости с использованием приближения Буссинеска. Система уравнений решалась численно методом Патанкара. Получены зависимости распределения массы легких примесей, испарившихся в емкость и перелитых с жидкостью.

Ключевые слова: гексафторид урана, примеси, теплоперенос, массоперенос.

В современной ядерной технологии большое внимание уделяется содержанию примесей не только в конечных продуктах, но и на промежуточных стадиях. На стадии обогащения урана по легкому изотопу уран-235 применяется гексафторид урана UF₆, в котором постоянно присутствуют разнообразные примеси, молекулярная масса которых меньше массы UF₆ (так называемые легкие примеси): фториды, оксифториды и оксиды различных металлов и неметаллов, а также компоненты воздуха. При этом содержание фтористого водорода HF в гексафториде урана значительно превышает суммарное содержание других примесей [1]. Значительное содержание HF может оказывать влияние на разделяющую способность газовых центрифуг.

При обогащении урана на газоразделительных заводах UF₆ присутствует на различных стадиях технологического процесса в различных агрегатных состояниях. В частности, перелив из технологического баллона в транспортный контейнер осуществляют при таких условиях, когда UF₆ находится в баллоне в жидкой фазе с газовой «шапкой». Для оценки возможности очистки UF₆ от легких примесей при его переливе из технологического баллона в транспортный контейнер возникла необходимость провести термо- и гидродинамические расчеты с учетом конвективного течения в жидкой фазе, поверхностного испарения компонентов смеси и взаимного влияния жидкой и газовой фаз.

В работе [1] получены уравнения, связывающие температуру и давление в баллоне с содержанием легких примесей в жидкой и газовой фазах UF₆. Эти уравнения показывают значительное отклонение системы от закона Рауля, то есть относительное содержание легких примесей в газовой фазе значительно больше, чем в жидкой.

Практика переливов на заводе разделения изотопов ОАО «СХК» показала, что помимо эффекта неоднородного распределения легких примесей между фазами в технологическом баллоне имеет место эффект неоднородного распределения легких примесей в объеме жидкого UF₆. Поэтому для проведения всесторонней оценки процесса очистки UF₆ от легких примесей была разработана комплексная математическая модель перелива, проведены численные расчеты и экспериментальные измерения.

При разработке математической модели были приняты следующие исходные данные. Баллон был представлен в виде цилиндрического объема, заполненного вязкой жидкостью до высоты H. В качестве модельной примеси, как и при экспериментальных измерениях, использовался фтористый водород. Жидкость представляла собой смесь двух жидкостей, при этом концентрация растворенного HF в UF₆ небольшая. На поверхности жидкости происходило испарение компонентов смеси жидкостей. На испарение жидкости тратилась теплота. На стенках и дне объема поддерживались изотермические условия. Предполагалось, что плотность жидкости от температуры, при остывании жидкости ее плотность увеличивается. Также предполагалось, что плотность раствора жидкости линейно зависит от концентрации растворенного вещества и при испарении примеси плотность жидкости увеличивается. В связи с этими процессами внутри жидкости будет возникать конвективный тепло- и массоперенос.

Моделирование гидродинамики течения вязкой несжимаемой жидкости было проведено уравнениями Навье – Стокса [2]. Учет температурного расширения жидкости, находящейся в неизотермических условиях, и изменения ее плотности при изменении концентрации растворенного компонента проводился в приближении Буссинеска [2].

Система уравнений, описывающая движение и тепло- и массоперенос в жид-кости, записанная в цилиндрической системе координат, имеет вид

$$\frac{\partial ur}{\partial t} + \frac{\partial ruu}{\partial r} + \frac{\partial ruv}{\partial y} = -\frac{r}{\rho}\frac{\partial p}{\partial r} + v\left(\frac{\partial}{\partial r}\left(r\frac{\partial u}{\partial r}\right) + r\frac{\partial^2 u}{\partial y^2} - \frac{u}{r}\right);$$
(1)

$$\frac{\partial \upsilon r}{\partial t} + \frac{\partial r u \upsilon}{\partial r} + \frac{\partial r \upsilon \upsilon}{\partial y} = -\frac{r}{\rho} \frac{\partial p}{\partial y} + v \left(\frac{\partial}{\partial r} \left(r \frac{\partial \upsilon}{\partial r} \right) + r \frac{\partial^2 \upsilon}{\partial y^2} \right) - rg\alpha \Delta T - rg\gamma \Delta c ; \qquad (2)$$

$$\frac{\partial ru}{\partial r} + \frac{\partial r\upsilon}{\partial y} = 0; \qquad (3)$$

2. (... II 4)

$$\frac{\partial Tr}{\partial t} + \frac{\partial ruT}{\partial r} + \frac{\partial r\upsilon T}{\partial y} = a \left(\frac{\partial}{\partial r} \left(r \frac{\partial T}{\partial r} \right) + r \frac{\partial^2 T}{\partial y^2} \right); \tag{4}$$

$$\frac{\partial cr}{\partial t} + \frac{\partial ruc}{\partial r} + \frac{\partial r\upsilon c}{\partial y} = D\left(\frac{\partial}{\partial r}\left(r\frac{\partial c}{\partial r}\right) + r\frac{\partial^2 c}{\partial y^2}\right).$$
(5)

Начальные условия:

$$u(r, y, 0) = 0, v(r, y, 0) = 0, T(r, y, 0) = T_0, c(r, y, 0) = c_0.$$
 (6)

Граничные условия:

$$u(0, y, t) = 0, \ u(R, y, t) = 0, \ u(r, 0, t) = 0, \ \frac{\partial u(r, H, t)}{\partial y} = 0,$$

$$\frac{\partial \upsilon(0, y, t)}{\partial r} = 0, \ \upsilon(R, y, t) = 0, \ \upsilon(r, H, t) = \upsilon_0, \ \upsilon(r, 0, t) = \begin{cases} \upsilon_{\text{out}}, \ 0 < r < r_{\text{out}}, \\ 0, \ r_{\text{out}} < r < R, \end{cases}$$
(7)
$$\frac{\partial T(0, y, t)}{\partial r} = 0, \ T(R, y, t) = T_0, \ T(r, 0, t) = T_0, \ \lambda \frac{\partial T(r, H, t)}{\partial y} = -B,$$

$$\frac{\partial c(0, y, t)}{\partial r} = 0, \quad \frac{\partial c(R, y, t)}{\partial r} = 0, \quad \frac{\partial c(r, 0, t)}{\partial y} = 0, \quad D\frac{\partial c(r, H, t)}{\partial y} = -\beta(c(r, H, t) - c_{oc}),$$
$$H = H(t) = H_0 - \upsilon_0 t.$$

где *t* – время; *r*, *y* – координаты; *u*, *v* – компоненты вектора скорости вдоль осей *r*, *y* соответственно; *p* – давление; ρ – плотность; *T* – температура; *c* – концентрация растворенного вещества; *v* – кинематический коэффициент вязкости; *a* – коэффициент температуропроводности; λ – коэффициент теплопроводности; *D* – коэффициент диффузии; *g* – ускорение силы тяжести; *a* – коэффициент температурного расширения; γ – коэффициент концентрационного расширения; β – коэффициент концентрационного расширения; β – коэффициент концентрационного отверстия; *L* – высота уровня жидкости в емкости; *r*_{out} – радиус сливного отверстия; *c*_{oc} – концентрация вещества в газовой фазе; v_0 , v_{out} – скорость жидкости на поверхности и в выходном патрубке. Индекс «0» соответствует начальным условиям.

Для проведения численного моделирования системы уравнений использовался метод Патанкара [3 - 5]. Для определения поля скоростей решались уравнения (1) - (3). Затем по полученному полю скоростей определялись поля температуры и концентрации из решения уравнений (4), (5). Расчет проводился в подвижной системе координат, связанной с поверхностью жидкости. В расчетах было условно принято, что баллон имеет диаметр 0,6 м и высоту уровня жидкого UF₆ 1,5 м. Концентрация HF в баллоне задавалась менее 0,1 %.

Предполагалось, что в начале слива UF₆ из технологического баллона легкие примеси распределены в объеме UF₆ равномерно. В расчетах варьировался коэффициент массоотдачи, величина которого является неизвестной.

На рис. 1 представлены поля концентраций и скоростей в баллоне в моменты времени с периодичностью 15 000 секунд. При испарении UF₆ и легких примесей вблизи поверхности жидкости возникает неоднородное распределение температуры и концентрации примеси, вызывающее из-за действия сил плавучести конвективное движение внутри баллона. Более тяжелая жидкость (с меньшей температурой и концентрацией легких примесей) перемещается вниз на дно баллона. Она движется в центре баллона и вдоль стенок (рис. 1, *a*). С течением времени возникает дополнительная конвективная колонка в промежутке между центром и стенкой (рис. 1, *б*, *в*, *г*), блуждающая по поверхности. В жидкости возникает сложная картина течения (см. поля скоростей на рис. 1), однако прослеживается тенденция к тому, что обедненная легкими примесями жидкость движется к месту расположения сливного канала. Такое течение приводит к частичному уменьшению концентрации легких примесей в жидком UF₆, сливающемся из баллона.

На рис. 2 представлена динамика изменения относительной массы легкой примеси: испарившейся в газовую «шапку» в баллоне, находящуюся в жидкости в баллоне и слившейся из баллона вместе с UF₆ при трех значениях коэффициента массоотдачи при испарении легких примесей на поверхности жидкости.

Из рисунков видно, что с увеличением коэффициента массоотдачи массовая доля легких примесей, слившихся из баллона, уменьшается. При небольшом значении коэффициента массоотдачи вначале сливается UF₆, обедненный легкими примесями, а затем, в конце перелива, доля слившихся с UF₆ легких примесей начинает превышать величину, испарившуюся в газовую «шапку» (рис. 2, a).

Было проведено моделирование очистки UF₆ от легких примесей в предположении неоднородного распределения примесей в объеме жидкого UF₆.







Рис. 2. Зависимость относительной массы легкой примеси: испарившейся (пунктирная линия), слитой (штриховая линия) и оставшейся в емкости (сплошная линия) для β , кг/(м²·c): $a - 2 \cdot 10^{-4}$; $\delta - 5 \cdot 10^{-4}$; $e - 5 \cdot 10^{-3}$

Предполагалось, что легкие примеси расположены в баллоне в виде концентрических колец. В расчеты была заложена следующая циклограмма расчета. Первые три часа происходит испарение легких примесей. В последующие два часа испарение с поверхности UF₆ отсутствует – произошло насыщение газовой шапки над поверхностью жидкого UF₆. После пяти часов процесса начинается слив UF₆, при этом параметры в газовой шапке отклоняются от равновесия и с поверхности UF₆ вновь начинается испарение. Коэффициент массоотдачи в расчетах считался постоянной величиной. На рис. 3 представлены поля относительной концентрации легких примесей в объеме в фиксированные моменты времени. Окончание испарения в момент времени 10 800 с. Окончание «отстоя» в момент времени 18 000 с, затем начинается слив с испарением.



Рис. 3. Поля относительной концентрации легких примесей в моменты времени *t*, c: a - 9 700; $\delta - 17$ 000; e - 22 000; e - 32 000; $\partial - 37$ 000; e - 47 000; $\beta = 2 \cdot 10^{-4}$ кг/(м²·c)

Из проведенных расчетов видно, что при заданной величине и структуре начальной неоднородности распределения легких примесей достаточно быстро происходит стратификация UF₆ по плотности. Преимущественное испарение легких примесей с поверхности UF₆ приводит к возникновению конвективного движения, когда после испарения легкой примеси в тонком слое возникает более тяжелая жидкость. Такая стратификация неустойчива и более тяжелая жидкость конвективными колонками вдоль оси баллона опускается с поверхности вниз (рис. 3, *a*). После прекращения испарения, т.е. после насыщения газовой «шапки» парами UF₆ и легкой примеси, конвективное течение успокаивается, устанавливается нормальная стратификация жидкости по плотности (см. рис. 3, *б*).

С момента начала слива и одновременно испарения легкой примеси и UF₆ в баллоне развивается конвективное течение, обусловленное сливом и возникновением тяжелого слоя жидкости в тонком слое вблизи ее поверхности. Из-за неустойчивости тяжелая жидкость конвективными колонками опускается вниз. При этом помимо осевой конвективной колонки периодически возникают и исчезают колонки в стороне от оси. Положение мест возникновения этих дополнительных конвективных колонок от поверхности «блуждает» по поверхности (см. рис. 3, e - e). Наблюдается некоторое увеличение концентрации легкой примеси на поверхности в виде слоя, который частично разрушается за счет конвективного течения.

На рис. 4 представлена динамика изменения относительных масс легкой примеси, испарившейся в газовую «шапку» в баллоне, находящуюся в жидкости в баллоне, и слившейся из баллона вместе с UF₆ для двух значений коэффициента массоотдачи при испарении легкой примеси с поверхности жидкости.



Рис. 4. Зависимость относительной массы легкой примеси: испарившейся (пунктирная линия), слитой (штриховая линия) и оставшейся в емкости (сплошная линия) при β , кг/(м²·c): $a - 2 \cdot 10^{-4}$; $\delta - 1 \cdot 10^{-4}$

Из рисунков видно, что с учетом возможной неоднородности расположения легкой примеси ее количество, слившееся из баллона, уменьшается, по сравнению со случаем однородного распределения примеси в баллоне.

Таким образом, эффект очистки UF₆ за счет неоднородности расположения легких примесей в объеме UF₆ в баллоне и их стратификации при гомогенизации моделируется с помощью математической модели (1) - (7). Однако для получения количественных характеристик этого процесса необходимо знать коэффициент массоотдачи и масштаб возможных неоднородностей в объеме UF₆.

ЛИТЕРАТУРА

- 1. Васенин И.М., Крайнов А.Ю., Мазур Р.Л. и др. Определение степени ассоциации малых количеств фтористого водорода в системе HF UF₆ // Изв. вузов. Физика. 2009. № 7/2. С. 44 48.
- 2. Лойцянский Л.Г. Механика жидкости и газа. М.: Наука, 1987. 840 с.
- 3. *Патанкар С.* Численные методы решения задач теплообмена и динамики жидкости. М.: Энергоатомиздат, 1984. 152 с.
- 4. Андерсен Д., Таннехилл Дж., Плетчер Р. Вычислительная гидромеханика и теплообмен: в 2 т. М.: Мир. 1990. 728 с.
- 5. Пейре Р., Тейлор Т. Вычислительные методы в задачах механики жидкости. Л.: Гидрометеоиздат, 1986. 352 с.

СВЕДЕНИЯ ОБ АВТОРАХ:

ВАСЕНИН Игорь Михайлович – профессор, доктор физико-математических наук, заведующий кафедрой прикладной аэромеханики Томского государственного университета. E-mail: akrainov@ftf.tsu.ru

КРАЙНОВ Алексей Юрьевич – профессор, доктор физико-математических наук,_профессор кафедры математичекой физики Томского государственного университета. E-mail: akrainov@ftf.tsu.ru

ШАХТИН Андрей Анатольевич – лаборант кафедры прикладной аэромеханики Томского государственного университета. E-mail: vestnik_tgu_mm@math.tsu.ru

МАЗУР Роман Леонидович – заместитель главного инженера, ОАО «Сибирский химический комбинат». E-mail: vestnik tgu mm@math.tsu.ru

ЗЕРНАЕВ Петр Васильевич – инженер-физик ОАО «Сибирский химический комбинат». E-mail: zernaevp@mail.ru

ЧУКАНОВ Михаил Викторович – инженер-конструктор, ОАО «Сибирский химический комбинат». E-mail: chukanov2008@yandex.ru

Статья принята в печать 15.04.2010 г.